

$$\begin{aligned}
 W_n &= W_e + W_r \\
 &= \tau_s \cdot [\cot\phi + \tan(\phi-\alpha)] + \frac{F_t \cdot \sin\phi}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{(F_c \cdot \cos\phi - F_t \cdot \sin\phi) \cdot \sin\phi}{A_c} \cdot \left[ \frac{\cos\phi}{\sin\phi} + \frac{\sin(\phi-\alpha)}{\cos(\phi-\alpha)} \right] \\
 &\quad + \frac{[F_t \cdot \cos\alpha + F_c \cdot \sin\alpha] \cdot \sin\phi}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{(F_c \cdot \cos\phi - F_t \cdot \sin\phi) \cdot \cancel{\sin\phi}}{A_c} \cdot \frac{\cos\phi \cos(\phi-\alpha) + \sin\phi \cdot \sin(\phi-\alpha)}{\cancel{\sin\phi \cdot \cos(\phi-\alpha)}} \\
 &\quad + \frac{F_t \cdot \cos\alpha \cdot \sin\phi + F_c \cdot \sin\alpha \cdot \sin\phi}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{(F_c \cdot \cos\phi - F_t \cdot \sin\phi) \cdot \cos(\phi-\phi-\alpha) + F_t \cdot \cos\alpha \cdot \sin\phi + F_c \cdot \sin\alpha \cdot \sin\phi}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{F_c \cdot (\cos\phi \cdot \cos\alpha + \sin\phi \cdot \sin\alpha) - F_t \cdot \sin\phi \cdot \cos\alpha + F_t \cdot \sin\phi \cdot \cos\alpha}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{F_c \cdot \cos(\phi-\alpha)}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} = \frac{F_c}{A_c}
 \end{aligned}$$

OR

$$W_n = W_e + W_r = \tau_s \cdot \varepsilon + W_r$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{(F_c \cdot \cos\phi - F_t \cdot \sin\phi) \cdot \cancel{\sin\phi}}{A_c} \cdot \frac{\cos\alpha}{\cancel{\sin\phi \cdot \cos(\phi-\alpha)}} + \frac{(F_t \cdot \cos\alpha + F_c \cdot \sin\alpha) \cdot \sin\phi}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{F_c \cdot (\cos\phi \cdot \cos\alpha + \sin\phi \cdot \sin\alpha) - F_t \cdot \sin\phi \cdot \cos\alpha + F_t \cdot \sin\phi \cdot \cos\alpha}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} \\
 &= \frac{F_c \cdot \cos(\phi-\alpha)}{A_c \cdot \cos(\phi-\alpha)} = \frac{F_c}{A_c}
 \end{aligned}$$